

## ПРИМЕНЕНИЕ ТЕОРИИ ПОДОБИЯ ДЛЯ МОДЕЛИРОВАНИЯ И ПРОГНОЗИРОВАНИЯ МЕХАНИЧЕСКИХ ПОТЕРЬ В ПОРШНЕВОМ ДВИГАТЕЛЕ

С.В. Путинцев, д.т.н., проф.; П.Н. Антонюк, к.ф.-м. н., доц.; С.П. Чирский, асп.;  
Московский государственный технический университет им. Н.Э. Баумана

Показана актуальность приложения теории подобия к моделированию процессов смазки и трения в поршневом двигателе. На основе применения анализа размерностей и П-теоремы теории подобия к условиям поршневого трибометра получены необходимые безразмерные комплексы для решения задачи моделирования. С помощью этих комплексов выполнено прогнозирование мощности механических потерь поршневого двигателя.

Механические потери двигателя, связанные с необходимостью оценки сил и моментов трения, являются одной из наиболее трудно определяемых величин. Изложенные в соответствующих стандартах (ГОСТ 18509–88 и ГОСТ 14846–85) методы определения механических потерь — характеристика холостого хода, прокручивание и отключение цилиндров — из-за присущей им высокой (до 25 %) погрешности не могут быть признаны в качестве достоверных, надежных и достаточных для вынесения суждения об абсолютном значении механических потерь. Поэтому указанные методы пригодны пока только для сравнительных испытаний и то при очень тщательном выполнении так называемых «прочих равных условий», к которым в первую очередь следует отнести идентичность скоростного и температурного режимов двигателя, отсутствие эффекта «последствия» объектов испытаний, стабильность работы системы топливоподачи и др.

Наряду с типовыми методами относительно недавно стали разрабатываться и применяться (в основном для научных целей) специальные методы измерения сил и моментов трения как на работающем двигателе, так и на физических моделях и установках, в той или иной степени воспроизводящих работу поршневой машины [1]. В отличие от моторных методов, испытания по определению механических потерь на моделируемых установках часто позволяют глубже исследовать саму природу трения, получить гораздо более высокую точность и воспроизводимость результатов измерений. Другое несомненное преимущество моделирования состоит в меньшей

трудоемкости и стоимости проведения испытаний по сравнению с натурным экспериментом.

К сожалению, в подавляющем числе случаев применение таких методов и установок также не выходит за ограниченные рамки сравнительных испытаний. Причина такого положения состоит, скорее всего, в недостаточной разработанности и отсутствии опыта применения основы моделирования (теории подобия) к процессам смазывания и трения в поршневых машинах. Эта теория позволяет, во-первых, строго научно выбирать условия опытов и количество определяющих факторов и, во-вторых, обоснованно переносить на реальный объект результаты моделирования. Последнее особенно важно в сложившейся ныне ситуации, при которой организация и финансирование экспериментальных исследований поршневого двигателя подчас очень затруднены или попросту невозможны.

Цель данной работы состоит в применении положений теории подобия к физическому моделированию условий смазки и трения с помощью поршневого трибометра [2–4].

Для достижения указанной цели в работе ставятся и решаются следующие задачи.

1. Выбор параметров, необходимых и достаточных для описания процесса формирования силы трения в цилиндропоршневой группе (ЦПГ) поршневого трибометра, т. е. построение системы определяющих параметров.
2. Составление матрицы размерностей системы определяющих параметров и определение ее ранга.
3. Построение системы безразмерных комплексов.
4. Анализ физического подобия объекта (поршневой двигатель) и модели (поршневой трибометр), включая прогнозирование значения мощности механических потерь объекта по результатам измерений на модели.

Решение первой из указанных задач представляет собой в значительной мере неформальный, творческий процесс, от правильной организации и результатов которого в значительной мере зависят надежность и достоверность итогов всей работы [5–9].

Обзор исследований в области трибологии поршневых машин [10–12] позволяет утверждать, что в сопряжении поршень–цилиндр поршневых двигателей имеют место три режима трения, переходящие один в другой граничный, гидродинамический и смешанный. При этом доля того или иного из указанных режимов не является постоянной, а зависит от множества факторов конструкции и условий работы сопряжения. Как показал анализ зависимостей, предложенных для расчета силы трения поршня, наиболее полно и достоверно поведение этой силы описывает так называемая универсальная формула силы трения, предложенная известными трибологами Ф. Боуденом и Д. Тэйбором [13]:

$$F = \alpha F_b + (1 - \alpha) F_h, \quad (1)$$

где  $\alpha$  — признак режима трения ( $\alpha = 1$  — граничный,  $\alpha = 0$  — гидродинамический и  $\alpha = 0,5$  — смешанный режимы трения);  $F_b$  и  $F_h$  — граничная и гидродинамическая составляющие силы трения соответственно.

Идентификация режимов трения, необходимая для выбора значения  $\alpha$ , осуществляется по критерию сопоставимости минимальной толщины слоя масла в зазоре деталей  $h_m$  с суммарной шероховатостью их поверхностей  $R_z$ :  $h_m < R_z$  — граничный;  $h_m > R_z$  — гидродинамический;  $h_m \approx R_z$  — смешанный режимы трения.

При  $\alpha = 1$  формула (1) принимает вид  $F = F_b$ . Здесь сила граничного трения  $F_b$  определяется известным законом Амонтона:

$$F_b = fN, \quad (2)$$

где  $f$  — коэффициент граничного трения;  $N$  — нормальная нагрузка в сопряжении трущихся деталей.

При  $\alpha = 0$  формула (1) сводится к выражению  $F = F_h$ , в котором сила гидродинамического трения  $F_h$  оценивается согласно зависимости Ньютона для динамической вязкости смазки:

$$F_h = \frac{\mu v A}{h}, \quad (3)$$

где  $\mu$  и  $h$  — динамическая вязкость и средняя толщина смазочного материала в зазоре деталей соответственно;  $v$  — средняя скорость относительного движения деталей;  $A$  — площадь смоченной поверхности движущейся детали.

При  $\alpha = 0,5$  формула (1) определяется суммой выражений (2) и (3), характеризующая тем самым режим смешанного трения в сопряжении.

Параметр  $A$  в формуле (3) находится как площадь проекции юбки поршня на развертку цилиндра, т. е.

$$A = LD, \quad (4)$$

где  $L$  и  $D$  — высота и диаметр юбки поршня соответственно.

В данной работе полагаем  $\alpha = 0,5$ .

Рассматриваемые в гидродинамике ньютоновские жидкости описываются динамической вязкостью  $\mu$  и массовой плотностью  $\rho$  [14].

Анализируя вышеприведенное, включая выражения (1)–(4), принимаем, что процесс трения в ЦПГ может быть описан следующим набором определяющих параметров: диаметром юбки поршня  $D$ , м; высотой юбки поршня  $L$ , м; средним зазором в сопряжении поршень–цилиндр  $h$ , м; средней скоростью движения поршня  $v$ , м/с; динамической вязкости смазочного материала  $\mu$ , Пз; плотностью смазочного материала  $\rho$ , кг/м<sup>3</sup>; коэффициентом граничного трения поршня о цилиндр  $f$ ; боковой силой поршня  $N$ , Н; силой трения поршня о цилиндр  $F$ , Н.

Для рассмотренного набора параметров основными единицами измерения являются длина  $L$ , время  $T$  и масса  $M$ . Размерность каждого определяющего параметра можно представить в виде степенного одночлена:

$$[\varphi] = L^\alpha \cdot T^\beta \cdot M^\gamma, \quad (5)$$

где  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  — показатели степеней соответствующих единиц измерения.

С учетом (5) размерности определяющих параметров запишутся как

$$[D] = L^1 \cdot T^0 \cdot M^0$$

$$[L] = L^1 \cdot T^0 \cdot M^0$$

$$[h] = L^1 \cdot T^0 \cdot M^0$$

$$[v] = L^1 \cdot T^{-1} \cdot M^0$$

$$[\mu] = L^{-1} \cdot T^{-1} \cdot M^1$$

$$[f] = L^0 \cdot T^0 \cdot M^0$$

$$[N] = L^1 \cdot T^{-2} \cdot M^1$$

$$[F] = L^1 \cdot T^{-2} \cdot M^1$$

Составим для этих параметров матрицу размерностей, содержащую показатели степеней единиц измерения приведенных в формулах размерностей определяющих параметров:

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 1 & -1 & 0 \\ -3 & 0 & 1 \\ -1 & -1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & -2 & 1 \\ 1 & -2 & 1 \end{bmatrix}.$$

В результате применения известных методов элементарных преобразований и окаймляющих миноров был определен ранг данной матрицы:  $r = \text{rang } A = 3$ .

Воспользуемся П-теоремой [5–9], согласно которой описание физического явления  $n$  размерными величинами может быть заменено системой  $n-r$  безразмерных комплексов.

Для рассматриваемого процесса трения в ЦПГ имеем систему из  $n = 9$  определяющих параметров, ранг матрицы размерностей которых  $r = 3$ . Следовательно, число безразмерных комплексов составит  $n-r = 9 - 3 = 6$ .

Каждый безразмерный комплекс ищем в виде степенного одночлена

$$\Pi = x_1^{\varepsilon_1} \cdot x_2^{\varepsilon_2} \cdot \dots \cdot x_n^{\varepsilon_n},$$

где  $x_1, \dots, x_n$  — определяющие параметры рассматриваемого процесса,  $\varepsilon_1, \dots, \varepsilon_n$  — показатели степеней при соответствующих параметрах.

Рассмотрим простые безразмерные комплексы, для которых ранг матрицы размерностей на единицу меньше числа образующих параметров.

Поиск простых комплексов был осуществлен с помощью специальной компьютерной программы. В результате были найдены все двадцать два простых комплекса, из которых были отобраны следующие шесть независимых:

1.  $f$ ;
2.  $\frac{v \cdot h \cdot \rho}{\mu}$ ;
3.  $\frac{D^2 \cdot v^2 \cdot \rho}{F}$ ;
4.  $\frac{H^2 \cdot v^2 \cdot \rho}{F}$ ;
5.  $\frac{h \cdot v \cdot \rho}{F}$ ;
6.  $\frac{N}{F}$ .

Второй из приведенных выше комплексов принято называть числом Рейнольдса.

Физическое подобие объекта и модели имеет место, если значения безразмерных комплексов для них соответственно равны:

$$f_0 = f_1; \quad (6)$$

$$\frac{v_0 \cdot h_0 \cdot \rho_0}{\mu_0} = \frac{v_1 \cdot h_1 \cdot \rho_1}{\mu_1}; \quad (7)$$

$$\frac{D_0^2 \cdot v_0^2 \cdot \rho_0}{F_0} = \frac{D_1^2 \cdot v_1^2 \cdot \rho_1}{F_1}; \quad (8)$$

$$\frac{H_0^2 \cdot v_0^2 \cdot \rho_0}{F_0} = \frac{H_1^2 \cdot v_1^2 \cdot \rho_1}{F_1}; \quad (9)$$

$$\frac{h_0 \cdot v_0 \cdot \rho_0}{F_0} = \frac{h_1 \cdot v_1 \cdot \rho_1}{F_1}; \quad (10)$$

$$\frac{N_0}{F_0} = \frac{N_1}{F_1}. \quad (11)$$

Здесь индекс 0 указывает на величины, описывающие объект моделирования — двигатель, а индекс 1 — на величины, относящиеся к модели — трибометру.

В первых двух равенствах (6) и (7) значения всех параметров известны. Остальные четыре равенства (8)–(11) содержат неизвестную величину — силу трения в сопряжении поршень–цилиндр объекта моделирования  $F_0$ . Решая равенства (8)–(11) относительно  $F_0$ , находим четыре выражения для искомой силы:

$$F_{01} = F_1 \cdot \frac{D_0^2 \cdot v_0^2 \cdot \rho_0}{D_1^2 \cdot v_1^2 \cdot \rho_1}; \quad (12)$$

$$F_{02} = F_1 \cdot \frac{H_0^2 \cdot v_0^2 \cdot \rho_0}{H_1^2 \cdot v_1^2 \cdot \rho_1}; \quad (13)$$

$$F_{03} = F_1 \cdot \frac{h_0 \cdot v_0 \cdot \rho_0}{h_1 \cdot v_1 \cdot \rho_1}; \quad (14)$$

$$F_{04} = F_1 \cdot \frac{N_0}{N_1}. \quad (15)$$

Приняв дробный сомножитель в правой части выражений (12)–(15) в качестве масштабного коэффициента  $k$ , получим

$$F_{01} = k_{01} F_1; \quad (16)$$

$$F_{02} = k_{02} F_1; \quad (17)$$

$$F_{03} = k_{03} F_1; \quad (18)$$

$$F_{04} = k_{04} F_1. \quad (19)$$

Априори следует признать, что поскольку физическое моделирование не может учесть все действующие на процесс факторы, постольку значения масштабных коэффициентов  $k_{01} \dots k_{04}$  и, соответственно, сил  $F_{01} \dots F_{04}$  могут отличаться друг от друга. Наилучшей оценкой в этом случае будет среднее арифметическое четырех значений:

$$F_0 = \frac{k_{01} + k_{02} + k_{03} + k_{04}}{4} \cdot F_1 = k_0 \cdot F_1, \quad (20)$$

где  $k_0$  — среднее арифметическое значение масштабного коэффициента для силы трения в ЦПГ.

Применим полученные зависимости (12)–(20) для прогнозирования мощности механических потерь в ЦПГ четырехтактного быстроходного дизеля 1Ч8,5/8,0 (ТМЗ-450Д) на номинальном режиме работы. Входные данные для моделирования приведены в табл. 1.

С учетом данных, приведенных в табл. 1, на основании расчета по выражениям (12)–(15) и (20) среднее значение масштабного коэффициента составило  $k_0 = 8,75$ , а прогнозируемое значение средней силы трения в ЦПГ двигателя определилось как  $F_0 = 8,75 \cdot 11,2 \text{ Н} = 98 \text{ Н}$ .

Таблица 1

**Значения параметров  
для объекта (двигателя) и модели (трибометр)**

Параметр, размерность	Объект	Модель
Диаметр юбки поршня $D$ , м	0,085	0,052
Высота юбки поршня $H$ , м	0,050	0,037
Средний диаметральный зазор в сопряжении поршень–цилиндр $h$ , м	0,00005	0,00007
Средняя скорость поршня $v$ , м/с	9,6	5,2
Коэффициент граничного трения в сопряжении поршень–цилиндр $f$	0,03	0,03
Динамическая вязкость моторного масла $\mu$ , Пз	0,017	0,013
Плотность моторного масла $\rho$ , кг/м <sup>3</sup>	801	803
Средняя боковая сила поршня $N$ , Н	1000	55
Средняя сила трения в ЦПГ $F$ , Н	Искомая величина	11,2

Затем была оценена ожидаемая мощность механических потерь в ЦПГ двигателя, опреде-

ляемая произведением средней силы трения на среднюю скорость поршня:

$$N_m^{\text{ЦПГ}} = F_0 \cdot v_0 = 98 \text{ Н} \cdot 9,6 \text{ м/с} = 941 \text{ Вт.}$$

Полученный прогноз мощности механических потерь согласуется с расчетными данными, приведенными для номинального режима работы двигателя ТМЗ-450Д ( $N_m^{\text{ЦПГ}} = 967 \text{ Вт}$ ) в работе [15]: разница сравниваемых значений менее 3%.

**Заключение**

На основе применения положений теории подобия показана адекватность принятой модели трения в сопряжении поршень–цилиндр реальному процессу трения в поршневом ДВС; опробована и идентифицирована методика переноса результатов измерений с физической модели на объект моделирования; выполнено пробное прогнозирование значения мощности механических потерь в ЦПГ двигателя ТМЗ-450Д, давшее результат, согласующийся с ранее полученными расчетными данными для этого двигателя в работе другого автора.

**Литература**

1. Путинцев С.В. Трибология поршневых машин: учебное пособие. — М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2003. — 64 с.
2. Пат. 1712808. Устройство для измерения силы трения в цилиндро-поршневой группе поршневых машин/С.В. Путинцев. — Бюл. № 6. — 1992. — С. 169.
3. Поршневой трибометр для сравнительной оценки антифрикционных и противозносных свойств смазочных материалов / С.В. Путинцев, А.С. Шаповалов, С.А. Аникин и др. // Трение и износ. — 1998. — Т. 19, № 2. — С. 218–223.
4. Putintsev S., Anikin S. Measurement of Local Frictional Forces in Actual Operating Piston Machines // Tribology-Solving Friction and Wear Problems: 10th Int. Colloquium.-Ostfildern, 1996. — Vol. 3. — P. 2131–2138.
5. Бриджмен П.В. Анализ размерностей. — М.-Л.: ОНТИ-ГТТИ, 1934. — 120 с.
6. Курпичев М.В. Математические основы теории подобия. — М.-Л.: АН СССР, 1949. — 98 с.
7. Седов Л.И. Методы подобия и размерности в механике. — М.: Наука, 1977. — 440 с.
8. Антонюк П.Н. П-теорема и линейная алгебра // Институт истории естествознания и техники им. С.И. Вавилова. Годичная научная конференция, 2010. — М.: Янус-К, 2011. — С. 236–238.

9. Антонюк П.Н. П-теорема и метрология // Состояние и проблемы измерений: Сб. матер. XI Всероссийской НТК. — М.: МГТУ им. Н.Э. Баумана, 2011. — С. 16–19.
10. Петриченко Р.М. Физические основы внутрицилиндровых процессов в двигателях внутреннего сгорания: учебное пособие. — Л.: ЛГУ, 1983. — 244 с.
11. Путинцев С.В. Анализ режима трения деталей цилиндропоршневой группы автомобильного дизеля//Известия вузов. — М.: Машиностроение. — 1999. — № 2–3. — С. 65–68.
12. Гоц А.Н., Путинцев С.В., Аникин С.А. Условия смазки и трения деталей цилиндро-поршневой группы ДВС: Совершенствование мощностных, экономических и экологических показателей ДВС: Матер. науч.-практич. сем. — Владимир, 1999. — С. 164–166.
13. Боуден Ф.П., Тейбор Д. Трение и смазка твердых тел. — М.: Машиностроение, 1968. — 503 с.
14. Гидродинамическая теория смазки: Классики естествознания / под ред. и с доп. статьями проф. Л.С. Лейбензона. — М.-Л.: ГТТИ, 1934. — 423 с.
15. Синюгин А.В. Метод и результаты исследования механических потерь в поршневом двигателе при использовании энергосберегающих моторных масел: дис. ... канд. техн. наук. — М., 2007. — 149 с.